文章编号: 1672-2892(2010)03-0273-04

# FDTD 分析准八木天线的算法实现

张文涛,杨向华,周邦华

(中国工程物理研究院 电子工程研究所,四川 绵阳 621900)

摘 要:介绍时域有限差分(FDTD)法计算准八木天线驻波比的算法实现方法。文中利用模型 描述文件对天线进行了建模和网格划分;将各向异性完全匹配层(UPML)吸收边界分区编写,并利 用区域的对称性简化了程序;采用带内阻的电压源作为激励源;最后从总电压中分离出入射电压 和反射电压,得到了准八木天线的驻波比。实际制作了一个准八木天线并进行了测试,计算结果 与实测结果基本一致,表明该实现方法是正确和有效的。

**关键词:** 准八木天线; 时域有限差分; 建模; 网格划分; 吸收边界条件 中图分类号: TN823<sup>+</sup>.17 **文献标识码:** A

## Programming analysis of the quasi-Yagi antenna by using FDTD method

ZHANG Wen-tao, YANG Xiang-hua, ZHOU Bang-hua

(Institute of Electronic Engineering, China Academy of Engineering Physics, Mianyang Sichuan 621900, China)

**Abstract:** The Finite Difference Time Domain(FDTD) method was used to calculate the Voltage Standing Wave Ratio(VSWR) of a quasi-Yagi antenna. The model of the antenna was created and the mesh was generated by using model describing file. To simplify the calculating program, a Uniaxial anisotropic Perfectly Matched Layer(UPML) region was divided into six sub-regions and sub-regional symmetry was taken into account. The voltage source with lumped resistance was as excitation in the program. At last, VSWR was obtained by separating input voltage from total. A prototype quasi-Yagi antenna was fabricated and measured. The simulation result approximated to the measurement result, which proved the method had been correct.

Key words: quasi-Yagi antenna; FDTD; modeling; grid generation; absorbing boundary condition

准八木(quasi-Yagi)天线最早由 Qian 等人提出<sup>[1]</sup>,它继承了传统八木天线优良的辐射特性,又结合了平面微带技术的多种优点,有着广泛的应用前景<sup>[2]</sup>。

准八木天线结构复杂,难以使用经典理论方法计算。国外对准八木天线的研究很多<sup>[3-4]</sup>,这些文章采用 FDTD 法对准八木天线进行了分析,但都只给出了分析结果,没有具体的方法。本文详细描述了用 FDTD 法计算准八木 天线驻波比的实现方法,这些方法对天线的计算以及优化设计具有重要意义。

#### 1 算法实现

FDTD 法的基本公式可参照文献[5],这里不再赘述,仅介绍其算法实现方法。

### 1.1 建模和网格划分

准八木天线的结构如图 1 所示。天线正面包括引向器、偶极子及馈电网络,背面由截断的接地板作为反射器。 对天线进行建模和网格划分可以采用以下步骤:将介质、导体和空气等材料编号;将天线分解成矩形、三角 形等基本组件,并将各组件的形状、坐标及材料等信息存储在模型描述文件中,如图 2 所示;根据模型描述文件 确定各方向的计算范围;根据设定的网格长度将计算范围等分,建立一个三维网格空间;依次将模型描述文件中 各组件的材料编号填充到对应的坐标范围,得到一个由材料编号组成的三维材料矩阵。计算模块通过调用材料矩 阵就能确定各电场和磁场分量的系数。



图 1 准八木天线示意图

图 2 模型描述文件

模型描述文件中存储了天线的结构信息,当天线结构变化时,修改文件就可以重新建模。因此,这种建模方 法还可以用于其它结构的天线。

### 1.2 吸收边界条件

准八木天线模型的 6 个边界都需设为吸收边界条件,如图 3 所示。这里采用吸收效果好且易于编程的各向异 性完全匹配层(UPML)<sup>[6]</sup>。UPML 在计算区域和吸收边界区有统一的形式。在计算区域,电导率和损耗系数只与 材料有关,可以由材料矩阵确定;而在吸收边界区,电导率和损耗系数随区域和层数变化,这给编程带来了困难。

为解决这个问题,本文采取以下措施:计算 区域的电磁场分量按一般的迭代式计算<sup>[6]</sup>,仅在 吸收边界区采用 UPML 形式;根据电导率和损 耗系数的变化规律,将吸收边界区分成 6 个子 区域,如图 3 所示,每个子区域都能较容易地 编写各分量的迭代式。由于对称子区域的参量 完全相同,因此 2 个区域的迭代式可以写在同 一个循环中。

计算模块根据网格划分得到的网格数及 UPML 层数建立电磁场分量的三维数组。在每 个时间步,计算区域和吸收边界区的电磁场分 别计算。这样使计算区域的程序得以简化,并 且节约了一定的内存。



Fig.3 Schematic of computational domain and divided UPML region 图 3 计算区域及 UPML 分区示意图

#### 1.3 激励源和匹配负载

为了避免激励源的虚假反射,FDTD 中常采用一种激励方法是:将激励源当作麦克斯韦方程组中的一项电流 源 *J*,进行推导<sup>[7]</sup>,得到激励电场的差分形式:

$$E_z^{n+1}(i_s) = E_z^n(i_s) + \frac{\Delta t}{\varepsilon} \left( \nabla \times \boldsymbol{H} \right)_z \Big|_{i_s}^{n+\frac{1}{2}} + E_z^{\text{inc}}(i_s)$$
(1)

式中:  $E_z^n(i_s)$ 表示格点 $i_s$ 处第n个时间步的电场分量;  $\Delta t$ 表示时间步;  $E_z^{inc}(i_s)$ 表示由电流源引入的附加电场。当  $E_z^{inc}(i_s)=0$ 时,激励电场 $E_z^{n+1}(i_s)$ 退化为一般的 FDTD 公式。另外,为了避免二次反射,还应在端口端接匹配负载。

有集总电阻的位置电场的 FDTD 计算公式为:

$$E_{z}^{n+1}(i,j,k) = \left(\frac{1 - \frac{\Delta t \Delta z}{2R \varepsilon \Delta x \Delta y}}{1 + \frac{\Delta t \Delta z}{2R \varepsilon \Delta x \Delta y}}\right) E_{z}^{n}(i,j,k) + \left(\frac{\frac{\Delta t}{\varepsilon}}{1 + \frac{\Delta t \Delta z}{2R \varepsilon \Delta x \Delta y}}\right) \left(\nabla \times \boldsymbol{H}\right)_{z} \Big|_{i,j,k}^{n+\frac{1}{2}}$$
(2)

式中 R 表示格点 (i, j, k) 处的电阻。利用式(1)和式(2)可以构造出一个阻性电压源,其电场可表示为:

$$E_{z}^{n+1}(i_{s}) = \left(\frac{1 - \frac{\Delta t \Delta z}{2R \varepsilon \Delta x \Delta y}}{1 + \frac{\Delta t \Delta z}{2R \varepsilon \Delta x \Delta y}}\right) E_{z}^{n}(i_{s}) + \left(\frac{\frac{\Delta t}{\varepsilon}}{1 + \frac{\Delta t \Delta z}{2R \varepsilon \Delta x \Delta y}}\right) (\nabla \times \boldsymbol{H})_{z} \Big|_{i_{s}}^{n+\frac{1}{2}} - \left(\frac{\frac{\Delta t}{R \varepsilon \Delta x \Delta y}}{1 + \frac{\Delta t \Delta z}{2R \varepsilon \Delta x \Delta y}}\right) E_{z}^{\text{inc}}$$
(3)

这里的 E<sup>inc</sup> 可以按式(4)选取,调节参量 ω和 τ 就可以改变激励信号的频谱。

第3期

$$E_z^{\rm inc}(t) = \cos(\omega t) \exp\left[-\frac{4\pi (t-t_0)^2}{\tau^2}\right]$$
(4)

激励源和匹配负载同时表达在式(3)中, 非常适合编程。对于具体的准八木天线,只需 要将激励端口处所有 Ez 写成式(3)的形式即 可,如图 4(a)所示。可以假设激励源的内阻均 匀分布在端口处,如图 4(b)所示。准八木天线 馈线的特征阻抗是 50Ω,因此每个网格的电 阻为  $(50N_r/N_r)\Omega_o$ 



#### 1.4 结果提取

计算天线的驻波比需要知道端口的入射电压和反射电压,但 FDTD 只能得到端口的总电压。这里采用一种常 用的方式<sup>[8]</sup>: 计算一段足够长的微带线,在端口处得到入射电压; 计算天线模型,得到端口处的总电压。傅里叶 变换后,就可以从总电压中分离出反射电压,从而根据定义求出天线的驻波比。

#### 数值计算 2

根据以上方法分别编写建模和网格划分模块、计算模 块、激励模块、UPML 模块以及后处理模块等,最后得到完 整的计算程序。设 $\Delta x = \Delta y = 0.1 \, \text{mm}$ ,  $\Delta z = 0.127 \, \text{mm}$ , 网格划 分模块根据准八木天线的模型描述文件生成网格, 网格数为 185×260×52; 根据 Courant 稳定条件, 选取 dt =1.85×10<sup>-13</sup> s; 调整激励源参数,激励信号的时域波形和频谱如图5所示; 设 UPML 层数为 8; 调用计算模块开始计算; 后处理模块收 集端口处的时域场分量,并将其变换到频域,最后得到天线 的驻波比。

实际制作了一个准八木天线,如图6所示,其工作频带



Fig.5 Source in time domain and frequency domain 图 5 激励信号的时域波形及频谱图

为 8 GHz~12 GHz。天线驻波比的 FDTD 仿真结果和测试结果的对比如图 7 所示。从图中可以看出,在天线的工 作频带内, 计算结果与实测结果很接近。 14



Fig.6 Prototype of quasi-Yagi antenna 图 6 实际制作的准八木天线



Fig.7 FDTD simulation and measured VSWR of the quasi-Yagi antenna 图 7 准八木天线驻波比的 FDTD 仿真结果和测试结果

#### 结论 3

本文较为详细地介绍了 FDTD 计算准八木天线驻波比的算法实现方法,并采用这些方法计算得到了准八木天 线的驻波比。仿真结果与实测结果很接近,表明该方法是正确和有效的。

(下转第317页)